

I. PHẦN CHUNG DÀNH CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7,0 điểm)

Câu 1 (3,0 điểm). Cho hàm số $y = \frac{2x+1}{x-2}$.

- 1) Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số đã cho.
- 2) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C), biết hệ số góc của tiếp tuyến bằng -5 .

Câu 2 (3,0 điểm)

- 1) Giải phương trình $25^x - 6 \cdot 5^x + 5 = 0$.

2) Tính tích phân $I = \int_0^{\pi} x(1 + \cos x) dx$.

3) Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số $f(x) = x^2 - \ln(1 - 2x)$ trên đoạn $[-2; 0]$.

Câu 3 (1,0 điểm). Cho hình chóp $SABC$ có mặt bên SBC là tam giác đều cạnh a , cạnh bên SA vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết $\widehat{BAC} = 120^\circ$, tính thể tích của khối chóp $SABC$ theo a .

II. PHẦN RIÊNG (3,0 điểm)

Thí sinh học chương trình nào thì chỉ được chọn phần dành riêng cho chương trình đó (phần 1 hoặc phần 2).

1. Theo chương trình Chuẩn:

Câu 4a (2,0 điểm). Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu (S) và mặt phẳng (P) có phương trình:

$$(S): (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-2)^2 = 36 \text{ và } (P): x + 2y + 2z + 18 = 0.$$

1) Xác định tọa độ tâm T và bán kính của mặt cầu (S). Tính khoảng cách từ T đến mặt phẳng (P).

2) Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua T và vuông góc với (P). Tìm tọa độ giao điểm của d và (P).

Câu 5a (1,0 điểm). Giải phương trình $8z^2 - 4z + 1 = 0$ trên tập số phức.

2. Theo chương trình Nâng cao:

Câu 4b (2,0 điểm). Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(1; -2; 3)$ và đường thẳng d có phương trình

$$\frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-1}.$$

1) Viết phương trình tổng quát của mặt phẳng đi qua điểm A và vuông góc với đường thẳng d .
2) Tính khoảng cách từ điểm A đến đường thẳng d . Viết phương trình mặt cầu tâm A , tiếp xúc với d .

Câu 5b (1,0 điểm). Giải phương trình $2z^2 - iz + 1 = 0$ trên tập số phức.

..... Hết

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Giám thị không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:

Số báo danh:

Chữ kí của giám thi 1:

Chữ kí của giám thi 2: